

DOI: 10.5846/stxb201607071391

孙越, 何怀江, 李良, 宋彩民, 王峰洁, 夏富才. 阔叶红松林下 6 种早夏草本不同生长期生物量分配及模型构建. 生态学报, 2017, 37(19): 6523-6533.
Sun Y, He H J, Li L, Song C M, Wang F J, Xia F C. Biomass allocation and biomass allometric models of six early-summer herbs under the canopy of broad-leaved Korean pine forest during different growth periods in Jiaohe, Jilin Province. Acta Ecologica Sinica, 2017, 37(19): 6523-6533.

阔叶红松林下 6 种早夏草本不同生长期生物量分配及模型构建

孙 越¹, 何怀江², 李 良¹, 宋彩民³, 王峰洁³, 夏富才^{1,*}

1 北华大学林学院, 吉林 132013

2 北京林业大学森林资源与生态系统过程北京市重点实验室, 北京 100083

3 吉林省蛟河林业实验区管理局, 吉林 132517

摘要:早夏草本植物作为阔叶红松林林下的一类优势物种, 对整个生长季林下草本物种多样性和生物量具有重要影响, 对其不同生长阶段生物量分配特征及生物量模型的研究有助于了解该类植物生存策略和碳汇储量。以吉林省蛟河地区阔叶红松林林下的白花碎米荠 (*Cardamine leucantha*)、北重楼 (*Paris verticillata*)、鹿药 (*Smilacina japonica*)、美汉草 (*Meehania fargesii*)、山茄子 (*Anisodus acutangulus*) 和紫花变豆菜 (*Sanicula rubriflora*) 6 种早夏草本植物为研究对象, 从 4 月初到 8 月底对其物候期进行观察记录, 定期取样, 从而对 6 种植物不同生长时期各组分生物量分配特征, 地上与地下生物量相对生长关系进行分析研究, 并以株高级为自变量建立 5 种形式 (一元线性模型、一元二次模型、指数模型、幂函数模型、对数模型) 的单种和混种生物量模型, 选取最优模型进行验证。结果表明, 6 种早夏草本植物花期一般开始于 4 月底结束于 6 月中旬, 果期开始于 5 月底结束于 8 月中旬, 不同植物的花、果期持续时间差异较大。生长期中, 随着植物生长, 株高、生物量和根冠比 (R/S) 变化明显, 但变化趋势不一致。不同物种各组分生物量分配存在差异, 用于繁殖的生物量分配比例较小, 通常不超过 5%。所有物种 AGB 和 BGB 间均具有明显的相对生长关系 ($P < 0.0001$), 且均表现为异速生长 (相关生长指数 $a \neq 1$)。根据 R^2 和 SEE 选取最优生物量模型, 其中幂函数模型形式最常用, 其次是一元二次和指数模型。所有最优模型的 R^2 均较高且 SEE 较低, 拟合效果较好, 其中 AGB 和 TB 的最优模型要优于 BGB, 单种模型优于混种模型; 通过验证, 除混合模型 BGB 的 RMA (30.679%) 稍大于 30% 外, 所有模型的 RS、EE 和 RMA 均小于 30%, P 值均大于 80%, 说明所建立的最优模型能够用来对该地区阔叶红松林林下早夏草本植物生物量进行估算。
关键词:早夏草本植物; 生物量分配; 根冠比 (R/S); 生物量模型; 相对生长关系

Biomass allocation and biomass allometric models of six early-summer herbs under the canopy of broad-leaved Korean pine forest during different growth periods in Jiaohe, Jilin Province

SUN Yue¹, HE Huaijiang², LI Liang¹, SONG Caimin³, WANG Fengjie³, XIA Fucui^{1,*}

1 College of forestry, Beihua University, Jilin 132013, China

2 The Key Laboratory for Silviculture and Conservation of Ministry of Education, Beijing Forestry University, Beijing 100083, China

3 Administration Bureau for Jiaohe Forestry Experimental Area, Jilin 132517, China

Abstract: As the one kind of dominant component under broad-leaves Korean pine forest stands, the early-summer herbs have an important influence on herb layer species diversity and biomass in the whole growth periods. Studying on the biomass allocation structure and biomass allometric model in different growth stages will further help to understand the survival strategy and carbon storage of these species. *Cardamine leucantha*, *Paris verticillata*, *Smilacina japonica*, *Meehania*

基金项目: 国家“十二五”科技支撑项目 (2012BAC01B03); 林业公益性科研行业专项 (200904022)

收稿日期: 2016-07-07; 网络出版日期: 2017-05-27

* 通讯作者 Corresponding author. E-mail: xfc0707@163.com

fargesii, *Anisodus acutangulus* and *Sanicula rubriflora* were selected for phenological observation and periodical sampling from the beginning of April to the end of August. Biomass allocation characteristics and the relationships between above-ground biomass (AGB) and below-ground biomass (BGB) in different growth stages for the six early-summer herbs were analyzed. With height classes as the independent variable, the single-species and mix-species allometric models were established with five model forms (linear regression of one-variable, quadratic model, exponential model, power model, and logarithmic model). Then the optimization models were chosen and validated. The result shows that the florescence generally began in late April and ended in mid June, and the fruit period began in late May and ended in mid August for the six herbs. The duration of flower and fruit period was different in different species. The plant height, biomass and root shoot ratio (R/S) were significant various with plant growth in the whole growth periods, but the changing tendency was different. The allocation proportion of components in different species was different and the proportion of biomass allocation for reproduction was usually less than 5%. The relationships between above- and below-ground biomass were both allometric relationship (the P -value less than 0.0001 and the allometric exponent $a \neq 1$). The power model was the most frequently chosen as the optimization model base on the R^2 (coefficient of determination) and SEE (standard error of estimate), followed by quadratic model and exponential model. The higher R^2 value and lower SEE value of all optimization models indicate that the model was the better usability. And the models about AGB and TB were better than BGB, the single-species models were better than the mix-species ones. The RS, EE and RMA value of all optimization models were less than 30% excepting the model of mix-species model about BGB (RMA = 30.679%) and the P -value were more than 80% by data verification. We conclude that these optimization models were able to calculate biomass of early-summer herbs under canopy of broad-leaves Korean pine in this region.

Key Words: early-summer herbs; biomass allocation; root to shoot ration (R/S); biomass allometric model; allometric relationships

生物量是度量个体、种群在群落中的地位和功能的重要指标,同时也是反映群落和生态系统功能强弱的重要指标^[1]。植物由根、茎、叶、花、果实、种子等器官组成,植物个体正常的生长发育依赖于各器官间的协调生长,各器官生物量在个体生物量中所占的比率代表着同化产物向不同器官的分配比例和生长过程中各器官的协调关系^[2-3]。生物量测定可以为植物的生物量积累动态过程、生态系统的物质和能量流动过程提供基础资料^[4],在森林生态系统研究中具有十分重要的意义。

阔叶红松林是东北林区常见的森林类型之一^[5]。许多学者对其生物量^[6-7]、碳储量^[8-10]、群落结构^[11-13]、空间格局^[14-15]、幼苗更新^[16-17]等方面进行过大量研究,但由于林下层草本植物对森林的群落结构无显著影响,且其生物量相对较小,因而在以往的研究中往往被忽略。林下草本植物作为森林生态系统的特殊层片,具有增加物种多样性、保持水土、固碳增汇和促进生态系统养分循环和能量流动等重要作用,有必要对其进行全面详细的研究。当前对林下草本植物的研究主要集中于多样性^[18-19]、分布格局^[20]、群落特征^[21]等方面,而对林下草本植物生物量和生物量模型方面的研究较少^[22-24]。

根据林下草本植物花期差异,可以将林下草本植物划分为早春植物、早夏植物和晚夏植物 3 种类型^[25]。早夏植物是指在早春开始萌芽、生长并完成开花,林分郁闭前后开始结果,林分郁闭后继续生长的一类植物^[22]。国内学者对阔叶红松林林下草本植物的研究主要集中在早春植物,对其物种多样性、数量特征和群落特征进行了详细的研究^[26-29],而常将早夏植物归纳在林下草本层中而未单独进行研究。在国外,对早夏植物的研究主要集中在传粉和授粉方面,而对生物量的研究则局限在根、茎和叶等器官的单独分析^[30-32],缺少对早夏植物整株生物量的系统研究。阔叶红松林林下光照条件在落叶树种展叶前后有显著变化,早夏植物作为林下的优势草本物种,对整个生长季林下草本物种多样性和生物量具有重要影响。本文通过对张广才岭地区阔叶红松林林下 6 种常见早夏草本植物物候特征、不同时期生物量分配特征进行研究,并构建株高级与各组分生物量模型,旨在了解早夏草本植物的繁殖策略和生长发育特点,为进一步评价其在森林生态系统中功能地位和碳汇潜力以及生物多样性保护等方面提供理论依据。

1 研究区概况与研究方法

1.1 研究区概况

研究区位于吉林省蛟河林业实验区管理局(地理位置:127°35′—127°51′E,43°51′—44°05′N)内,辖区森林面积 31820hm²,保留有大量阔叶红松林。该区属长白山系张广才岭支脉断块中心地貌,海拔 459—517 m。气候属受季风影响的温带大陆性山地气候,年平均气温为 3.8℃,最冷月 1 月份平均气温为-18.6℃,最热月 7 月份平均气温为 21.7℃。年降水量为 700—800 mm,主要集中在 6—8 月份。土壤为森林暗棕壤,平均土层厚度 20—100 cm,富含有机质^[13]。

该区植被类型属长白山植物区系,以温带分布型为主,植物种类分布复杂。群落内垂直成层现象明显,乔木树种主要包括红松(*Pinus koraiensis*)、春榆(*Ulmus japonica*)、色木槭(*Acer mono*)、胡桃楸(*Juglans mandshurica*)、水曲柳(*Fraxinus mandshurica*)、紫椴(*Tilia amurensis*)、白牛槭(*Acer mandshuricum*)、蒙古栎(*Quercus mongolica*)、大青杨(*Populus ussuriensis*)、裂叶榆(*Ulmus laciniata*)、怀槐(*Maackia amurensis*)等。灌木主要包括簇毛槭(*Acer barbinerve*)、暴马丁香(*Syringa reticulata*)、毛榛(*Corylus mandshurica*)、瘤枝卫矛(*Euonymus pauciflorus*)、东北鼠李(*Rhamnus davurica*)、金银忍冬(*Lonicera maackii*)等^[33]。林下草本植物丰富,在不同季节表现出不同的林下景观,常见的草本植物有黑水银莲花(*Anemone amurensis*)、多被银莲花(*Anemone raddeana*)、朝鲜顶冰花(*Gagea lutea* var. *nakaiana*)、荷青花(*Hylomecon japonicum*)、侧金盏(*Adonis amurensis*)、美汉草(*Meehanian fargesii*)、北重楼(*Paris verticillata*)、轮叶百合(*Lilium distichum*)、白花碎米荠(*Cardamine leucantha*)、山茄子(*Anisodus acutangulus*)、鹿药(*Smilacina japonica*)、紫花变豆菜(*Sanicula rubriflora*)、东北羊角芹(*Aegopodium alpestre*)、荨麻(*Urtica fissa*)、宽叶苔草(*Carex siderosticta*)等。

1.2 研究方法

1.2.1 样品采集和处理

以蛟河天然阔叶红松林林下自然生长的白花碎米荠、北重楼、山茄子、美汉草、鹿药、紫花变豆菜 6 种早夏草本植物为研究对象。每种选取 10 株长势良好,具有代表性的植株做好标记,从 2015 年 4 月 1 日开始直到生长期结束,对其进行物候观测并记录,当 10 株被观察样本中有 3 株出现开花时记为花期开始期,当剩余不超过 3 株样本花未凋落时记为花期结束期,按照相同的方法记录果实开始期和果实结束期;生物量调查采用整株收获法,特别注意的是对多年生草本植物根进行取样时宿根也应全部取出。从 4 月 20 日开始到 5 月 30 日,每隔 10d 采样 1 次,从 6 月初到 8 月底,每隔 15d 采样 1 次,每次每种采样 20 株,由于不同物种生长期不同,具体的采样次数及样本量见表 1。样株采集后洗净根部泥土,用钢尺测量其株高(从植物根部到顶部最

表 1 6 种早夏草本植物样本和各组分生物量基本情况

Table 1 The basic characteristic of samples and components biomass of six early-summer herbs species

物种 Species	采样次数 Sample times	采样株数 Number of Sample	株高 Height/cm	地上生物量 ^a Above-ground biomass/g	地下生物量 ^b Below-ground biomass/g	生殖部分 生物量 ^c Reproduction parts biomass/g	总生物量 Total biomass/g	根冠比 Root/shoot
白花碎米荠 <i>Cardamine leucantha</i>	11	220	6.6—70.6	0.0815—6.0445	0.056—1.6195	0.0083—0.6551	0.1490—6.6500	0.10—5.29
北重楼 <i>Paris verticillata</i>	8	160	6.4—51.1	0.0240—2.2234	0.104—4.3598	0.0108—0.0549	0.1404—6.5832	0.31—5.32
鹿药 <i>Smilacina japonica</i>	11	220	4.6—46.5	0.0196—2.4228	0.0743—5.7031	0.0153—0.9986	0.1121—7.8069	1.17—12.60
美汉草 <i>Meehanian fargesii</i>	11	220	6.5—68.3	0.0678—6.0526	0.0709—2.1719	0.0151—0.2261	0.1773—8.2245	0.12—4.71
山茄子 <i>Anisodus acutangulus</i>	10	200	8.2—58.3	0.0360—3.7846	0.0565—3.0366	0.0093—0.1267	0.0925—6.8212	0.18—3.19
紫花变豆菜 <i>Sanicula rubriflora</i>	10	200	7.2—87.6	0.0836—5.5764	0.1534—7.5879	0.0038—0.3678	0.2494—13.6143	0.06—3.21

a: 包括茎、叶、花、果实生物量 including stems, leaves, flowers and fruits biomass; b: 包括地下茎和根生物量 including rhizome and roots biomass; c: 包括花和果实生物量 including flowers and fruits biomass

高点,精度为 0.1cm),将其划分为根、根状茎、茎叶、花、果实等组分,用烘箱在 80℃ 下分别烘干至恒重,利用电子天平(精度 0.0001g)称取各组分生物量干重,各组分相加得到整株生物量(TB)。

1.2.2 数据处理与分析

利用相对生长关系模型对 6 种植物生长期地上生物量(AGB)与地下生物量(BGB)进行相关生长分析^[34],模型形式为:

$$Y = \beta X^\alpha \quad (1)$$

经对数转化后变为:

$$\lg Y = \lg \beta + \alpha \lg X \quad (2)$$

式中, Y 为 BGB, X 为 AGB, β 为常数, α 为相关生长指数。当 $\alpha=1$ 时,BGB 和 AGB 为等速生长;当 $\alpha \neq 1$ 时,为异速生长^[35]。判断 α 是否等于 1,利用 α 的 95% 置信区间是否包含 1 来确定。

考虑到同等株高的植株样本因年龄、光照、温湿度以及物候等因素引起的生物量差异,研究采用 4 cm 步长(± 2 cm)(白花碎米荠、北重楼、美汉草和紫花变豆菜)或 2 cm 步长(± 1 cm)(鹿药和山茄子)株高分级的平均生物量来构建模型。每种植物选取 50 株(按照每个株高级内个体数量比例均分分布)作为模型检验样本,剩余个体作为建模样本。以株高级为自变量,选取以下五个方程形式构建早夏植物各组分生物量的估测模型,方程形式为:

$$y = ax + b \quad (3)$$

$$y = ax^2 + bx + c \quad (4)$$

$$y = ax^b \quad (5)$$

$$y = ae^{bx} \quad (6)$$

$$y = a + b \ln x \quad (7)$$

式中, y 表示各组分生物量(包括 TB、AGB 和 BGB/g), x 为株高级(cm), a 、 b 、 c 为模型参数。

模型建立后,利用每种剩余的 50 株作为检验数据对模型精度进行验证,模型的预估精度利用相对误差(RS)、平均相对误差(EE)、平均相对误差绝对值(RMA)和预估精度(P)进行验证^[36],各估测精度公式为:

$$RS = \sum_{i=1}^n (y_i - \hat{y}_i) / \sum_{i=1}^n \hat{y}_i \times 100\% \quad (8)$$

$$EE = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^n \left(\frac{y_i - \hat{y}_i}{\hat{y}_i} \right) \times 100\% \quad (9)$$

$$RMA = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^n \left| \frac{y_i - \hat{y}_i}{\hat{y}_i} \right| \times 100\% \quad (10)$$

$$P = \left[1 - \frac{t_a(n) \sqrt{\sum_{i=1}^n (y_i - \hat{y}_i)^2}}{\bar{\hat{y}}_i \sqrt{n(n-T)}} \right] \times 100\% \quad (11)$$

式中, y_i 和 $\hat{y}_i$ 为第 i 株植物样本生物量的实测值和估测值; n 为每种植物株高级个数; $t_a(n)$ 表示样本数量为 n 时,在 a 置信水平下的 t 分布值,在本研究中 a 取 0.001 水平; $\bar{\hat{y}}_i$ 表示植物各组分生物量平均预测值。

本文采用 Excel 2013 进行数据处理和制表,采用 R-3.2.3 进行统计分析,采用 SigmaPlot 10.0 进行制图。

2 结果与分析

2.1 6 种早夏植物花、果实物候期

由图 1 可知,从 6 种早夏植物可以看出,在阔叶红松林下早夏植物花期一般开始于 4 月底,结束于 6 月中旬,其中紫花变豆菜开花时间最早(4 月 24 日),北重楼开花时间最晚(5 月 14 日),紫花变豆菜开花持续时间最长(49 d),美汉草和山茄子开花持续时间最短(22 d)。6 种早夏植物果期开始时间差异明显,山茄子结果

时间最早(5 月 26 日),其次是美汉草(5 月 28 日)和鹿药(6 月 6 日),北重楼结果时间最晚(6 月 20 日),结果开始时间相较于花期开始时间差异较大;从果期持续时间长短来看,鹿药果期持续时间最长,长达 73d,美汉草果期最短仅 15 d。从整个繁殖期来看,鹿药的花果期时间最长(104 d),美汉草的花果期最短(37 d),6 种早夏植物在 8 月中下旬(8 月 20 日)全部完成生殖过程。

2.2 不同生长时期 6 种早夏草本植物生物量及各生长指标变化

表 1 列出了 6 种早夏草本植物整个生长期的采样状况、株高的分布范围、各组分生物量范围及地下/地上

生物量(R/S)。从表中可知,整个生长期内植株高度、生物量以及根冠比变化较大,6 个物种株高最大时是株高最小时的 7—10 倍;生长末期植株生物量可达生长初期的 100 倍以上;根冠比最大时也可达到最小时的 50 倍左右,且同一物种不同生长期根冠比差异也较大。

6 种早夏植物株高随生长期逐渐增加,随后均出现降低的趋势,但不同物种降低趋势不同(图 2)。6 种早夏植物除紫花变豆菜在 7 月 15 日达到株高最大值后出现显著的下降趋势外,其它 5 种均在 6 月 30 日达到株高的最大值,随后株高均有轻微的降低趋势;6 种植物在生长初期株高无明显差异,随着生长期增长物种间株高差异增大,其中紫花变豆菜和 白花碎米荠株高最大,其次是山茄子和美汉草,最小的是北重楼和鹿药。6 种植物在 5 月 30 日之前,株高增长率达到最大后逐渐下降,说明在林分内落叶树种未展叶前,林下光照资源充足,早夏植物会快速进行高生长,在此期间主要进行营养生长和完成开花过程;林分内所有树种完全展叶后(6 月 30 日前后)后,光照成为最主要的限制因子,此时植物的高生长停止,在此过程中地上部分会完成结实并逐渐枯萎死亡。

6 种植物的总生物量与株高随生长期的变化表现出大致相同的变化趋势(图 2),但不同的是总生物量在达到最大值后会随着生长期的增加呈现显著的降低趋势。在整个生长阶段,紫花变豆菜具有最高的单株总生物量,显著高于其它 5 种;其它 5 种差异相对较小,在生长早期阶段(6 月 15 日之前)北重楼总生物量最小,后期(6 月 15 日之后)鹿药总生物量最小。

6 种植物繁殖器官(花、果实)生物量在整个生长阶段均表现出不同的趋势(图 2),说明 6 种植物具有不同的繁殖策略,这些繁殖策略是植物对环境的长期适应的结果。具体来看,紫花变豆菜最早(4 月 30 日)出现繁殖器官生物量的积累随后生物量逐渐增大,在 6 月 15 日出现显著的增大趋势,在 6 月 30 日达到最大随后显著降低,7 月 15 日后凋落,说明紫花变豆菜在 6 月 15 日后花逐渐转变为果实,6 月 30 日果实基本成熟随后开始凋落,这与其花、果实的物候期是相对应的。山茄子、白花碎米荠、美汉草和鹿药 4 种在 5 月 10 日出现花,其中山茄子在整个期间繁殖器官生物量无明显变化趋势;白花碎米荠与紫花变豆菜表现出相似趋势;美汉草在整个繁殖过程中繁殖器官生物量逐渐增大,5 月 30 日后即不再出现,说明白花碎米荠果实在很短时间内就能够成熟并凋落;而鹿药的繁殖器官持续时间最长,其生物量在 7 月 15 日之前表现为缓慢增长趋势,7 月 15 日后显著增加直到 8 月 15 日后凋落。北重楼出现繁殖器官生物量积累时间最晚,在 6 月 15 日时才开始出现,并且凋落的时间最早,在 6 月 30 日后即凋落,说明北重楼会在极短时间内完成整个生殖过程,这种繁殖策略可能是为了避免较长时间的生殖过程带来的外界干扰,而在极短时间内完成整个生殖过程会大大降低外界对其造成伤害的几率。

6 种植物 R/S 随着不同的生长时期表现出不同的变化趋势(图 2),其中白花碎米荠、美汉草、山茄子和紫花变豆菜表现为生长初期最大,随着生长时间逐渐降低,到 5 月 30 日后基本保持不变;北重楼的 R/S 生长初期和生长末期基本保持不变,整个生长期表现为偏“V”字型,且地下生物量高于地上生物量($R/S > 1$);鹿药

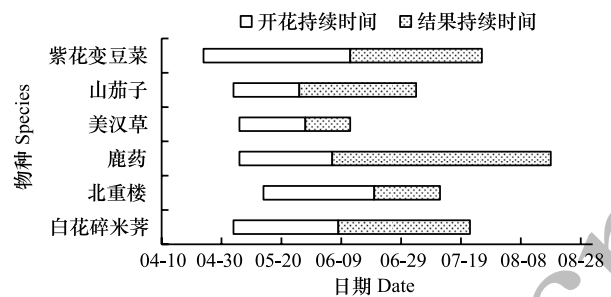


图 1 6 种早夏植物的开花时间,开花持续时间和结果持续时间

Fig.1 The Flowering time, Florescence and Fruit period for six early summer herbaceous plants

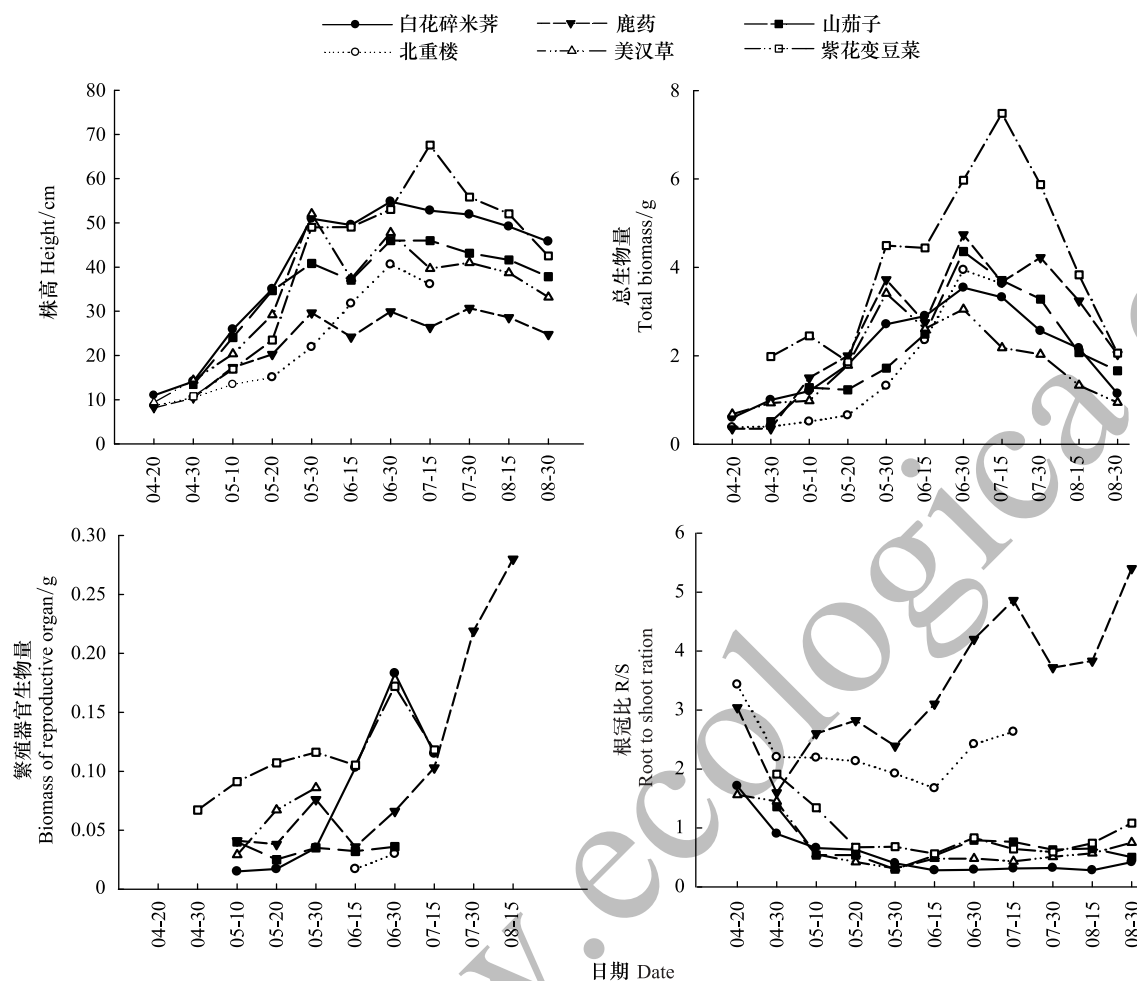


图2 不同生长期6种早夏草本植物株高、根冠比及生物量变化

Fig.2 The height, R/S and biomass variation of six early-summer herbs with growth periods

R/S 表现为生长末期显著高于生长初期,虽然在整体生长阶段会出现忽高忽低的现象,但整体是逐渐增高的趋势,这主要是由于鹿药具有明显的根状茎,林分郁闭后植株地上生物量生长速率降低而根状茎会继续生长,从而造成生长末期 R/S 较大。

2.3 不同时期6种早夏草本植物生物量分配及地上、地下部分相关生长关系

从6种草本植物各组分生物量分配比例来看(图3),营养部分和地下部分所占比例远远大于繁殖部分,繁殖部分生物量分配比例在整个生长期维持较低水平;不同物种各组分生物量分配比例存在一定差异,且同一物种在不同生长期生物量分配比例有所不同。所有物种不同生长期内繁殖部分生物量比例均较小(不超过5%),说明在整个生长期内早夏草本植物用于开花、结实的生物量是极少的。除鹿药和北重楼营养部分生物量分配比例较低外(不超过40%),其它4种均较高,特别是在繁殖期营养部分生物量比例大都超过60%,随后会保持不变或稍有降低。从同一物种不同生长期来看,大都表现为生长初期营养生长部分较低随后增大到繁殖期后又稍降低或保持不变的规律。而地下部分生物量分配比例与营养部分成相反的规律。

从表2可知,6种早夏草本植物地下、地上生物量之间均具有明显的相关生长关系($P < 0.0001$),且均表现为异速生长关系。从相关生长指数 α 和其95%的置信区间来看,白花碎米荠、美汉草、山茄子和紫花变豆菜的相关生长指数 α 均小于1,同时其95%置信区间上限也均小于1,说明这4种植物地下部分生长速率小于地上部分;而北重楼和鹿药相关生长指数 α 和95%置信区间下限均大于1,说明这两种植物地下生长速率要高于地上部分,这可能是由于北重楼和鹿药均具有根状茎存在,根状茎和根的共同生长速率超过了地上部分的

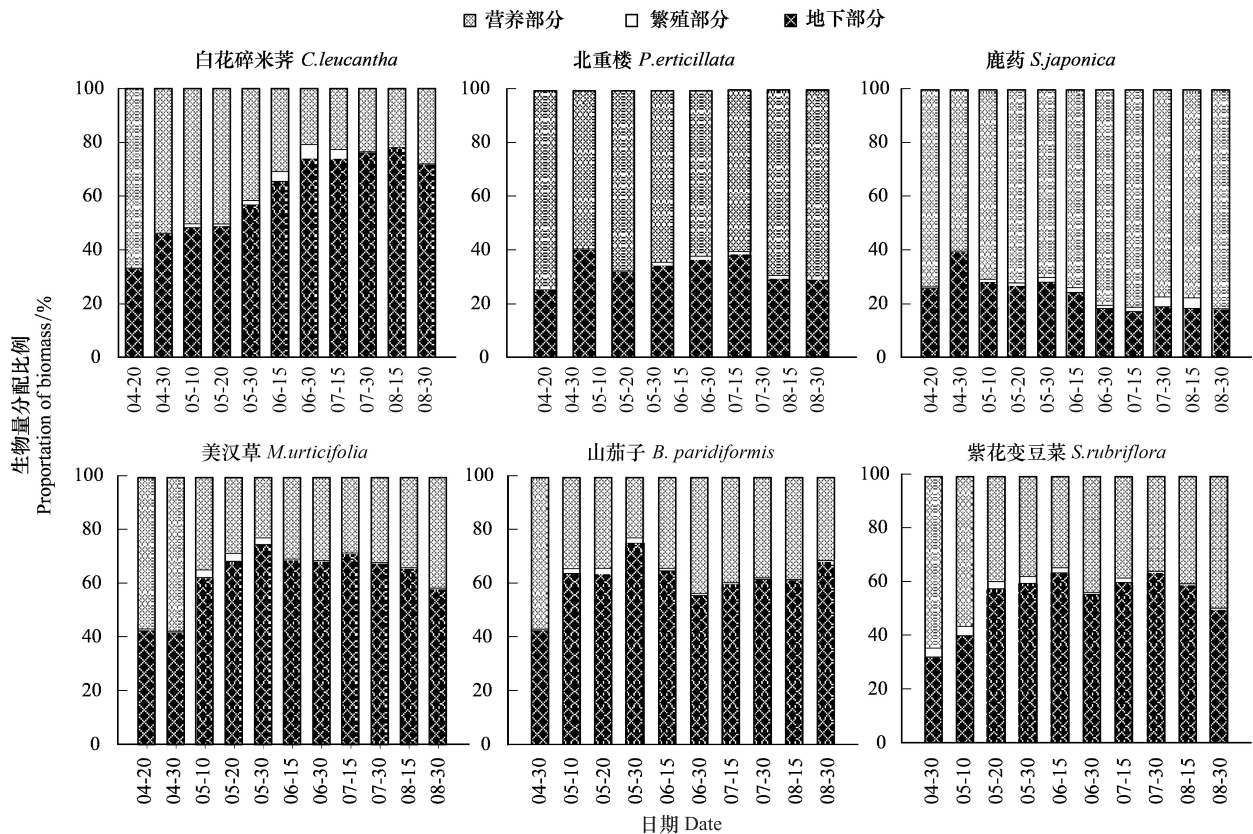


图 3 6 种早夏草本植物不同生长期各组分生物量分配比例

Fig.3 The biomass allocation proportion of six early-summer herbs plant with growth periods

营养部分包括茎和叶;繁殖部分包括花和果实;地下部分包括地下茎和根

增长速率,特别是在生长后期,地上生物量的增加量降低而地下根状茎为下一年无性繁殖会快速储存营养物质和能量,从而导致地下部分增长速率较高。

表 2 6 种早夏草本植物地下、地上生物量相对生长 ($\lg \text{BGB} = \lg \beta + \alpha \lg \text{AGB}$)

Table 2 The allometric relationships and coefficient (α and β) by $\lg \text{BGB} = \lg \beta + \alpha \lg \text{AGB}$ for six early summer herbs plant

物种 Species	样本量 Number of samples	相关生长指数 Allometric scaling exponent α		截距 Intercept $\lg \beta$		R^2	P	F	生长关系 Allometric relationships
		平均值± 标准误差 Mean±SD	95%置信区间 95% confidence interval	平均值± 标准误差 mean±SD	95%置信区间 95% confidence interval				
白花碎米荠	220	0.1755±0.0148	0.1463—0.2047	0.2539±0.0260	0.2027—0.3051	0.392	<0.0001	140.5	异速生长
北重楼	160	1.9127±0.0731	1.7683—2.0571	0.0868±0.0536	-0.0190—0.1927	0.8124	<0.0001	684.4	异速生长
鹿药	220	2.4187±0.1108	2.2004—2.6370	0.4800±0.0845	0.3135—0.6466	0.6862	<0.0001	476.6	异速生长
美汉草	220	0.2638±0.0171	0.2301—0.2974	0.2572±0.0264	0.2052—0.3092	0.5225	<0.0001	238.6	异速生长
山茄子	200	0.5915±0.0286	0.5351—0.6480	0.0058±0.0462	-0.0852—0.0967	0.6835	<0.0001	427.7	异速生长
紫花变豆菜	200	0.4754±0.0245	0.4261—0.5247	0.5906±0.0718	0.4489—0.7322	0.6463	<0.0001	361.7	异速生长

2.4 生物量模型的构建和最优模型的检验

以株高级为自变量,利用方程(3)—(7)构建了 AGB、BGB 和 TB 的估测模型,并根据模型的 SEE 和 R^2 选择最佳模型(选择标准为 SEE 较小,且 R^2 较大)。模型形式及其参数见表 3。

表 3 6 种草本植物地上、地下和总生物量的最佳估测模型

Table 3 The optimal model about above- and below-ground biomass and total biomass of six early-summer herbs plant

物种 Species	组分 Components	最佳模型 Optimal model	模型参数 Model parameter			R^2	SEE	P	CF*
			a^{**}	b^{**}	c^{**}				
白花碎米荠	AGB	$y = ax^2 + bx + c$	0.0014	-0.045	0.666	0.986	0.176	<0.001	—
<i>C. leucantha</i>	BGB	$y = ax^2 + bx + c$	0.0005	-0.019	0.447	0.906	0.128	<0.001	—
	TB	$y = ax^2 + bx + c$	0.0018	-0.064	1.112	0.981	0.266	<0.001	—
	AGB	$y = ax^b$	0.0029	1.637	—	0.982	0.135	<0.001	1.009
<i>P. verticillata</i>	BGB	$y = ax^b$	0.0057	1.647	—	0.977	0.154	<0.001	1.012
	TB	$y = ax^b$	0.0087	1.643	—	0.984	0.130	<0.001	1.008
	AGB	$y = ax^b$	0.0014	1.918	—	0.993	0.114	<0.001	1.006
鹿药 <i>S. japonica</i>	BGB	$y = ax^b$	0.0067	1.765	—	0.968	0.225	<0.001	1.026
	TB	$y = ax^b$	0.0080	1.805	—	0.985	0.157	<0.001	1.012
	AGB	$y = ax^b$	0.0133	1.286	—	0.949	0.195	<0.001	1.019
美汉草 <i>M. urticifolia</i>	BGB	$y = ae^{bx}$	0.2783	0.020	—	0.737	0.233	<0.001	1.028
	TB	$y = ax^b$	0.0536	1.009	—	0.905	0.214	<0.001	1.023
	AGB	$y = ax^b$	0.0015	1.907	—	0.917	0.321	<0.001	1.053
山茄子 <i>B. paridiformis</i>	BGB	$y = ax^b$	0.0054	1.402	—	0.851	0.329	<0.001	1.056
	TB	$y = ax^b$	0.0057	1.660	—	0.917	0.280	<0.001	1.040
	AGB	$y = ae^{bx}$	0.4523	0.034	—	0.952	0.187	<0.001	1.018
紫花变豆菜 <i>S. rubriflora</i>	BGB	$y = ae^{bx}$	0.6580	0.020	—	0.700	0.321	<0.001	1.053
	TB	$y = ax^b$	0.1373	0.913	—	0.768	0.346	<0.001	1.062
	AGB	$y = ax^b$	0.0035	1.656	—	0.901	0.359	<0.001	1.067
混合物种 all species	BGB	$y = ax^b$	0.0314	0.981	—	0.443	0.721	<0.001	1.297
	TB	$y = ax^b$	0.0222	1.324	—	0.780	0.461	<0.001	1.112

AGB;地上生物量 above-ground biomass; BGB;地下生物量 below-ground biomass;TB;整株生物量 total biomass;SEE;估计标准误差 standard error estimate;CF: 校正因子 correction factor; * 为校正系数,计算公式为: $CF = \exp(SEE^2/2)$; ** 在 $P < 0.001$ 水平下均差异显著;—表示无数据

从表 3 可知,5 种模型中有幂函数方程、一元二次方程和指数方程 3 种模型被选用,其中以幂函数形式使用次数最多,其次是指数方程形式和一元二次方程。除混合物种 BGB 方程 R^2 较低外(0.443),其它方程 R^2 均大于 0.70 且 SEE 均较低,说明模型拟合效果较好,株高级可以很好的表征 6 种草本植物生物量。从 6 个物种不同组分生物量来看,AGB 方程的拟合效果最好 R^2 均大于 0.900;TB 方程的拟合效果也较好 R^2 介于 0.768—0.985 之间,两者均要好于 BGB (R^2 介于 0.443—0.977),这可能是由于地下生物量在获取过程中会有损失存在较大的不确定性造成的。从单种模型和混合物种模型来看,混合物种模型效果相对较差(特别是 BGB),说明 6 个物种不同种间株高(株高级)与生物量间存在较大差异,在估测物种生物量时尽量利用单种生物量方程进行计算。

表 4 生物量最优模型验证

Table 4 Verification of the optimal allometric biomass models

物种 Species	组分 Components	最佳模型 Optimal models	RS/%	EE/%	RMA/%	P/%
白花碎米荠	AGB	$y = 1.4 \times 10^{-3}x^2 - 0.045x + 0.666$	-7.370	-3.252	19.864	89.995
<i>C. leucantha</i>	BGB	$y = 4.5 \times 10^{-4}x^2 - 0.019x + 0.447$	-8.896	-5.096	10.470	91.032
	TB	$y = 1.8 \times 10^{-3}x^2 - 0.064x + 1.112$	3.405	4.071	14.720	91.869
	AGB	$y = 2.9 \times 10^{-3}x^{1.637}$	0.877	-5.909	14.472	89.789
北重楼 <i>P. verticillata</i>	BGB	$y = 5.8 \times 10^{-3}x^{1.647}$	-1.395	-3.548	13.644	90.345
	TB	$y = 8.7 \times 10^{-3}x^{1.643}$	-1.562	-5.238	11.286	92.418
	AGB	$y = 1.4 \times 10^{-3}x^{1.918}$	1.611	4.173	14.074	91.779

续表

物种 Species	组分 Components	最佳模型 Optimal models	RS/%	EE/%	RMA/%	P/%
美汉草 <i>M. urticifolia</i>	BGB	$y = 6.8 \times 10^{-3} x^{1.765}$	1.297	-1.191	18.578	90.196
	TB	$y = 8.1 \times 10^{-3} x^{1.805}$	0.534	-1.158	15.435	90.669
	AGB	$y = 1.4 \times 10^{-3} x^{1.286}$	-9.465	-9.922	16.519	87.373
	BGB	$y = 0.286 \times e^{0.020x}$	2.597	1.518	10.943	91.306
山茄子 <i>B. paridiformis</i>	TB	$y = 5.5 \times 10^{-2} x^{1.009}$	-5.563	-5.324	13.591	91.253
	AGB	$y = 1.5 \times 10^{-3} x^{1.907}$	-8.083	-12.459	14.147	89.683
紫花变豆菜 <i>S. rubriflora</i>	BGB	$y = 5.7 \times 10^{-3} x^{1.402}$	-3.559	-4.101	14.055	90.498
	TB	$y = 5.9 \times 10^{-3} x^{1.660}$	-4.508	-7.634	12.766	91.278
	AGB	$y = 0.460 \times e^{0.034x}$	-3.776	-0.768	24.242	88.834
	BGB	$y = 0.693 \times e^{0.020x}$	-0.121	1.650	14.273	90.690
混合物种 All species	TB	$y = 0.146 \times e^{0.913x}$	-2.921	-0.895	24.778	83.406
	AGB	$y = 3.7 \times 10^{-3} x^{1.656}$	1.963	6.180	28.160	93.782
	BGB	$y = 4.1 \times 10^{-2} x^{0.981}$	-0.991	0.272	30.697	91.339
	TB	$y = 2.5 \times 10^{-2} x^{1.324}$	-4.198	-2.194	25.029	93.775

RS: 相对误差 relative error; EE: 平均相对误差 mean relative error; RMA: 平均相对误差绝对值 mean absolute relative error; P: 预估精度 prediction precision

将预留的每种 50 株样本株高的实测数据转化为株高级带入到各自最佳模型中(混种模型把 6 种 300 株样本株高转化为株高级后带入),得出各组分生物量的预测值,根据公式(6)——(9)计算得出各拟合方程的总相对误差(RS)、平均相对误差(EE)、平均相对误差绝对值(RMA)、预估精度(P),结果见表 4。从检验结果来看,所有方程的 RS、EE 和 RMA 分别介于-9.465%—3.405%、-12.459%—6.180%和 10.470%—30.697%之间,各模型相对误差均较小,所有方程的预估精度 P 值均大于 80%。

3 结论与讨论

3.1 生物量分配及相对生长关系

植物体不同器官生物量分配策略是植物对环境条件长期自然选择的结果,植物通过调节自身资源配置以适应复杂的环境变化,在不同的环境条件下表现出不同的生长特性和生物量分配规律^[37-38]。生物量分配策略使植物对环境条件的利用达到最大化,但不同类型物种生物量分配模式存在较大差异^[39],东北阔叶红松林林下早夏草本植物为了获得更多的光照资源一般表现为具有更高的地上生物量(图 3),但在不同的生长阶段,植物各器官生物量的分配规律不同,如何调整各器官生物量分配规律的变化是研究植物生存策略的重要内容^[37]。从本研究可知,6 种植物中 4 种(白花碎米荠、美汉草、山茄子和紫花变豆菜)表现为生长初期 R/S 最大(R/S 大于 1),并随着植物生长 R/S 逐渐降低并在中后期趋于稳定(R/S 小于 1),从各组分生物量分配比例也可知,这 4 种植物生长早期营养部分比例较地下部分低,随着植物的生长,营养部分逐渐增大到整株植物的 60%—80%。这是由于 4 种植物均属于多年生草本,生长初期地下部分存在上一年保留的老根而地上部分刚开始萌发生长,地上生物量相对较低,同时也是植物为了获取更多的水分、养分等地下资源,把更多的生物量分配到地下部分,以便释放随之而来的生存压力^[37];随着落叶树种展叶林冠闭合,林下空间和光照资源缺乏,植物把更多的生物量分配到地上部分争夺空间和光照资源,以满足自身生长和繁殖需要。北重楼和鹿药两种植物的分配规律与其它 4 种不同,在整个生长季的 R/S 均大于 1,北重楼呈“V”型分布,鹿药呈随生长时期逐渐升高的趋势。这可能是由于这两种植物有明显的根状茎,随着植株生长根状茎同时生长,根状茎在储存能量的同时可以进行无性繁殖,为了维持生长和繁殖会把更多的生物量分配在地下部分,同时在林冠闭合后,地上生长停止而地下根状茎会继续增加为下一年植物的生长和繁殖作准备^[23]。

根据代谢理论^[40]和维管网络模型^[35]植物器官生物量间存在相对生长关系(幂指数关系),相对生长关系

与个体大小(尺度)无关,可以揭示不同物种间生物量分配的基本速率问题^[34-35]。对全球植物 AGB 和 BGB 数据库(包括不同生境条件下的草本与木本植物)的研究表明,自然条件下种内和种间个体水平的 AGB 和 BGB 分配速率是等速的(即幂指数 a 为 1.0,为等速生长关系)^[34-35]。但本研究的 6 种植物 AGB 和 BGB 之间的生长关系均是异速的(所有幂函数指数 a 均不等于 1),可能是由于研究对象所处的生长阶段不同造成的,本研究是对植物从幼苗到成熟整个生长阶段进行的,表征的是整个生长期内 AGB 和 BGB 的平均水平,而 Nnquist&Niklas^[35]和 Niklas^[34]的研究对象是成熟植株。肖遥等^[37]对 4 种荒漠草本植物不同生长期的生物量分配进行研究,得出不同生长期 4 种植物相关生长指数是动态变化的,且变化趋势均不同,说明在不同的生长阶段 AGB 和 BGB 表现出不同的生长关系(等速和异速交替出现)。所以为了解释整个生长阶段植物的相对生长关系,应进一步对每个物种不同生长阶段的 AGB 和 BGB 的生长速率进行分析研究。

3.2 生物量模型的建立和检验

生物量模型方法是基于易测变量评价生物量的较准确方法^[41],对草本植物而言,株高是较为易测的因子之一,可以利用株高(或转化为株高级)作为变量建立草本植物生物量方程。有研究利用地径和冠幅作为自变量进行拟合生物量方程^[41],但本研究中 6 种草本植物地径较小且在整个生长期变化不明显,用地径来拟合方程效果不好,而冠幅测量相对麻烦且同一生长期冠幅变化差异较大也不适宜用来拟合方程,所以本研究选用株高(株高级)作为唯一变量进行生物量模型的拟合。从研究结果可知,利用株高级建立单种地上生物量、地下生物量和总生物量方程的 R^2 均较高且 SEE 较低,说明株高(或株高级)可以很好的表征草本植物各组分生物量。以往许多研究也常会利用株高或株高级作为变量建立草本植物生物量方程^[23-24,42]。利用不同模型形式建立生物量模型,不同物种所选择的最优模型形式不同。本研究中以幂函数模型被选用次数最多,不管是对乔木、灌木植物还是对草本植物进行生物量模型构建时^[43-44],这种模型形式经常被用到。相比于单种生物量模型,混种模型拟合效果相对较差,这是因为 6 种草本植物自身属性差异较大(属于不同的科属),造成株高生长速率存在差异,按照单一变量(株高级)建立生物量方程势必会增大预测误差,拟合效果相对较差。相比于地上生物量和总生物量,地下生物量拟合效果较差,可能是因为地下生物量在挖取和清洗过程中会造成细根的损失,存在较大的不确定性。对乔木和灌木建立地下生物量模型时,也经常会遇到这一问题^[43-44]。

有研究表明,当模型验证的 RS 、 EE 和 $RMA < 30\%$, $P > 80\%$ 时,模型拟合结果比较符合实际值^[36,45]。从本研究结果来看,除混合物种 BGB 方程的 RMA (30.679%) 稍大于 30% 外,其它所有方程的 RS 、 EE 和 RMA 均小于 30%,且所有 P 值均大于 80%,说明所选择的最优模型符合建模的标准可以用来估测当地各物种的生物量。混种模型对 BGB 的估测误差相对较大但基本符合建模要求,在无单种生物量方程的情况下,可以选用混种模型估测草本物种生物量。本研究 6 种早夏植物单种生物量模型和混种模型是在阔叶红松林林下进行取样建立的,是否适用于其它林分或者非林地还有待进一步验证。使用本研究中生物量方程进行生物量估算前,应进行验证符合标准后再使用,否则要对模型进行校正后再使用。

参考文献(References):

- [1] Odum E P, Barrett G W. Fundamentals of Ecology. Philadelphia: Saunders, 1971.
- [2] 苏智先,钟章成. 缙云山慈竹种群生物量结构研究. 植物生态学与地植物学学报, 1991, 15(3): 240-252.
- [3] 孙儒泳,李庆芬,牛翠娟,娄安如. 基础生态学. 北京: 高等教育出版社, 2002.
- [4] 李雪华,李晓兰,蒋德明,骆永明,王红梅. 科尔沁沙地 70 种草本植物个体和构件生物量比较研究. 干旱区研究, 2009, 26(2): 200-205.
- [5] 张春雨,赵秀海,赵亚洲. 长白山温带森林不同演替阶段群落结构特征. 植物生态学报, 2009, 33(6): 1090-1100.
- [6] 杨松,侯继华,赵秀海,魏丽萍,李颖,姚静,代海军,何怀江. 吉林蛟河天然阔叶红松林下 5 种灌木生物量估算模型. 广东农业科学, 2013, (9): 36-41.
- [7] 代海军,何怀江,赵秀海,张春雨,汪金松,杨松. 阔叶红松林两种主要树种的生物量分配格局及异速生长模型. 应用与环境生物学报, 2013, 19(4): 718-722.
- [8] 范春楠. 吉林省森林植被碳估算及其分布特征[D]. 哈尔滨: 东北林业大学, 2014: 137.
- [9] 齐麟,于大炮,周旺明,周莉,赵福安,王长海,代力民. 采伐对长白山阔叶红松林生态系统碳密度的影响. 生态学报, 2013, 33(10): 3065-3073.

- [10] 王新闯, 齐光, 于大炮, 周莉, 代力民. 吉林省森林生态系统的碳储量、碳密度及其分布. 应用生态学报, 2011, 22(8): 2013-2020.
- [11] 徐丽娜, 金光泽. 小兴安岭凉水典型阔叶红松林动态监测样地: 物种组成与群落结构. 生物多样性, 2012, 20(4): 470-481.
- [12] 李良, 夏富才, 杨晓燕, 张显龙, 孙国文, 吴相菊, 王贵春, 林天喜. 张广才岭阔叶红松林林分结构研究. 林业资源管理, 2014, (1): 56-61.
- [13] 何怀江, 张春雨, 赵秀海, 倪瑞强, 高海涛, 王贵春. 吉林蛟河次生针阔混交林群落结构与微地形关系. 东北林业大学学报, 2014, 42(5): 13-17, 33-33.
- [14] 赵中华, 惠刚盈, 胡艳波, 周红敏, 张连金. 2 种类型阔叶红松林优势种群空间分布格局及其关联性. 林业科学研究, 2011, 24(5): 554-562.
- [15] 王蕾, 张春雨, 赵秀海. 长白山阔叶红松林的空间分布格局. 林业科学, 2009, 45(5): 54-59.
- [16] 陈香茗, 赵秀海, 夏富才, 王蕾, 陈贝贝. 长白山紫椴种子雨的时空分布格局. 东北林业大学学报, 2011, 39(1): 7-10.
- [17] 姚杰, 闫琰, 张春雨, 邵田辉, 赵秀海. 吉林蛟河针阔混交林乔木幼苗组成与月际动态. 植物生态学报, 2015, 39(7): 717-725.
- [18] 李步杭, 张健, 姚晓琳, 叶吉, 王绪高, 郝占庆. 长白山阔叶红松林草本植物多样性季节动态及空间分布格局. 应用生态学报, 2008, 19(3): 467-473.
- [19] 夏富才, 赵秀海, 潘春芳, 赵晓静, 王玉红. 长白山红松阔叶林草本植物物种多样性季节动态. 吉林农业大学学报, 2009, 31(1): 27-31, 44-44.
- [20] 张娜, 蔺菲, 原作强, 匡旭, 贾仕宏, 王芸芸, 索炎炎, 房帅, 王绪高, 叶吉, 郝占庆. 长白山阔叶红松林草本层物种多度分布格局及其季节动态. 生物多样性, 2015, 23(5): 641-648.
- [21] 夏富才, 张春雨, 赵秀海, 潘春芳. 早春草本植物群落结构及其聚类分析. 东北师大学报: 自然科学版, 2008, 40(4): 109-114.
- [22] 李良, 孙悦, 夏富才, 王戈戎, 张英莉, 张骁. 轮叶百合生物量分配分析. 北方园艺, 2015, (1): 87-89.
- [23] 范春楠, 程岩, 郑金萍, 刘彬, 刘鹤. 早春类短命植物生物量研究(I)——齿瓣延胡索生物量特征及模型构建. 北华大学学报: 自然科学版, 2015, 16(6): 790-795.
- [24] 范春楠, 程岩, 郑金萍, 杨学东, 王月. 早春类短命植物生物量研究(II)——多被银莲花生物量及其分配特征. 北华大学学报: 自然科学版, 2016, 17(1): 24-29.
- [25] Kudo G, Ida T Y, Tani T. Linkages between phenology, pollination, photosynthesis, and reproduction in deciduous forest understory plants. Ecology, 2008, 89(2): 321-331.
- [26] 吴刚, 尹若波, 周永斌, 郝占庆, 梁秀英. 长白山红松阔叶林林隙动态变化对早春草本植物的影响. 生态学报, 1999, 19(5): 659-663.
- [27] 叶万辉, 姜会武, 董世林. 不同林型下早春植物层片生物量的分析研究. 哈尔滨师范大学自然科学学报, 1992, 8(4): 87-95.
- [28] 赵秀海, 戚继忠, 孙广仁, 刘青山, 陈喜林, 于民. 长白山阔叶红松林早春草本层植物的数量特征. 吉林林学院学报, 1997, 13(1): 7-11, 16-16.
- [29] 周永斌, 殷有, 于凤英, 郝占庆, 叶吉. 长白山阔叶红松林早春植物的养分吸收与归还. 生态学杂志, 2007, 26(6): 793-796.
- [30] Helenurm K, Barrett S C H. The reproductive biology of boreal forest herbs. II. Phenology of flowering and fruiting. Canadian Journal of Botany, 1987, 65(10): 2047-2056.
- [31] Ida T Y, Kudo G. Seasonal patterns of carbon assimilation and allocation of a summer-green forest herb, *Parasenecio auriculata* (Senecioneae; Asteraceae). Plant Ecology, 2010, 210(1): 181-193.
- [32] Bonser S P, Aarssen L W. Allometry and development in herbaceous plants: functional responses of meristem allocation to light and nutrient availability. American Journal of Botany, 2003, 90(3): 404-412.
- [33] 丁胜建, 张春雨, 夏富才, 赵秀海, 倪瑞强, 范娟, 何怀江. 老龄阔叶红松林下层木空间分布的生境关联分析. 生态学报, 2012, 32(11): 3334-3342.
- [34] Niklas K J. Modelling below- and above-ground biomass for non-woody and woody plants. Annals of Botany, 2005, 95(2): 315-321.
- [35] Enquist B J, Niklas K J. Global allocation rules for patterns of biomass partitioning in seed plants. Science, 2002, 295(5559): 1517-1520.
- [36] 唐守正, 张会儒, 胥辉. 相容性生物量模型的建立及其估计方法研究. 林业科学, 2000, 36(S1): 19-27.
- [37] 肖遥, 陶冶, 张元明. 古尔班通古特沙漠 4 种荒漠草本植物不同生长期的生物量分配与叶片化学计量特征. 植物生态学报, 2014, 38(9): 929-940.
- [38] 何玉惠, 赵哈林, 刘新平, 张铜会, 岳广阳. 不同类型沙地狗尾草的生长特征及生物量分配. 生态学杂志, 2008, 27(4): 504-508.
- [39] 郝虎东, 田青松, 石凤翎, 卞晓燕, 李芳. 无芒雀麦地上生物量及各构件生物量分配动态. 中国草地学报, 2009, 31(4): 85-90.
- [40] West G B, Brown J H, Enquist B J. A general model for the structure and allometry of plant vascular systems. Nature, 1999, 400(6745): 664-667.
- [41] Oliveras I, van der Eynden M, Malhi Y, Cahuana N, Menor C, Zamora F, Haugaasen T. Grass allometry and estimation of above-ground biomass in tropical alpine tussock grasslands. Austral Ecology, 2014, 39(4): 408-415.
- [42] 李良, 孙悦, 夏富才, 王戈戎, 张英莉. 美汉草(*Meehania fargesii* Levl)生物量分配分析. 北华大学学报: 自然科学版, 2014, 15(6): 804-807.
- [43] Rojas-García F, De Jong B H J, Martínez-Zurimendi P, Paz-Pellat F. Database of 478 allometric equations to estimate biomass for Mexican trees and forests. Annals of Forest Science, 2015, 72(6): 835-864.
- [44] Conti G, Enrico L, Casanoves F, Díaz S. Shrub biomass estimation in the semiarid Chaco forest: a contribution to the quantification of an underrated carbon stock. Annals of Forest Science, 2013, 70(5): 515-524.
- [45] 范春楠, 庞圣江, 郑金萍, 李兵, 郭忠玲. 长白山林区 14 种幼树生物量估测模型. 北京林业大学学报, 2013, 35(2): 1-9.